

TP5 diagnostic des systèmes

Description de système : un moteur à courant continu est une machine électrique. Il s'agit d'un convertisseur électromécanique permettant la conversion bidirectionnelle d'énergie à partir d'une installation électrique, parcourue par un courant continu, en énergie mécanique. Un moteur électrique à courant continu est constitué:

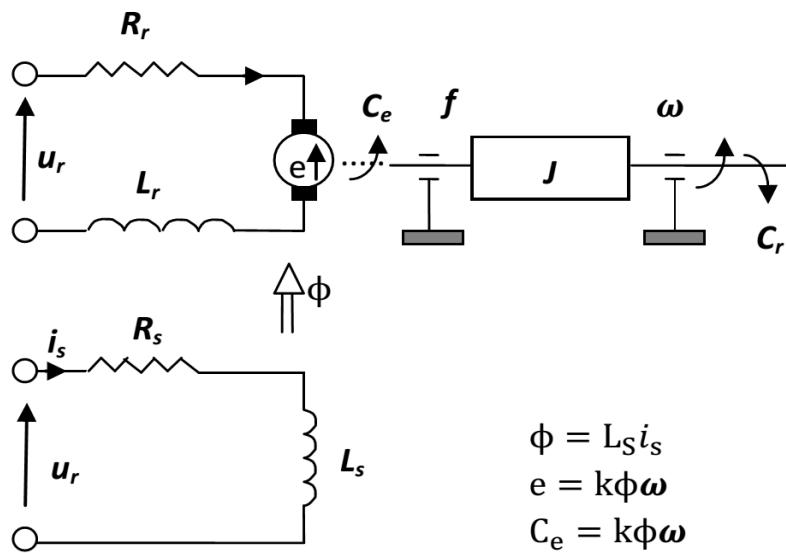


Schéma de principe du moteur à courant continu à excitation indépendante

Modélisation : on considère le modèle d'un moteur à courant continu à commande par l'induit, dont le modèle est suivant :

$$\begin{aligned} \mathbf{u} &= \mathbf{R}\mathbf{i}(t) + \mathbf{L} \frac{d\mathbf{i}(t)}{dt} + \mathbf{k}\boldsymbol{\Omega}(t) \\ \mathbf{K}\mathbf{i}(t) &= \mathbf{J} \frac{d\boldsymbol{\Omega}(t)}{dt} + \mathbf{K}\mathbf{f}\boldsymbol{\Omega}(t) + \mathbf{T}_L \end{aligned} \quad (1)$$

On peut simplifier l'équation de système, on a obtenu la forme suivante :

$$\begin{aligned} \frac{di(t)}{dt} &= -\frac{R}{L}i(t) - \frac{K}{L}\boldsymbol{\Omega}(t) + \frac{1}{L}\mathbf{u}(t) \\ \mathbf{K}\mathbf{i}(t) \frac{d\boldsymbol{\Omega}(t)}{dt} &= \frac{K}{J}i(t) - \frac{f}{J}\boldsymbol{\Omega}(t) - \frac{1}{J}\mathbf{T}_L \end{aligned} \quad (2)$$

On peut écrire la représentation d'état suivante :

$$\frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \mathbf{i}(t) \\ \boldsymbol{\Omega}(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{R}{L} & -\frac{K}{L} \\ \frac{K}{J} & -\frac{f}{J} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{i}(t) \\ \boldsymbol{\Omega}(t) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{1}{L} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & -\frac{1}{J} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{u}(t) \\ \mathbf{T}_L \end{bmatrix} \quad 3$$

Le système (3) est discréétisé avec une période d'échantillonnage T_e , Les nouvelles équations du système discréétisé peuvent être écrites sous la forme suivante :

$$\begin{aligned}[u - E] &= \begin{bmatrix} i_K & \frac{di_K}{dt} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \theta_1 \\ \theta_2 \end{bmatrix} \\ [T] &= \begin{bmatrix} \frac{d\Omega_k}{dt} & 1 & \Omega_k \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \theta_3 \\ \theta_4 \\ \theta_5 \end{bmatrix} \end{aligned} \quad 4$$

Avec : $\theta_1 = Ra$, $\theta_2 = La$, $\theta_3 = J$, $\theta_4 = TL$, $\theta_5 = Kf$

Paramètres réel de de MCC :

Ra=0.515Ω; La=6.9*1e-3H; J=0.12kgm^2; TL=0.5s, viscous force Kf=2.5.

Les valeurs initiales :

- matrice $P := 100 \cdot I_n$;
- vecteur des paramètres électrique : $tetael_an=[0 0]'$;
- vecteur des paramètres mécanique : $tetamec_an=[0 0 0]'$;
- pas d'échantillonnage : $T=0.001$;

Apres la discréétiser ce système à l'aide de l'approximation d'Euler.

$$\dot{x} = (x(k+1) - x(k))/T_e$$

On a trouvé le model discret suivant :

$$\begin{cases} x(k+1) = Fx(k) + Gu(k) \\ y(k) = Cdx(k) \end{cases} \quad (6)$$

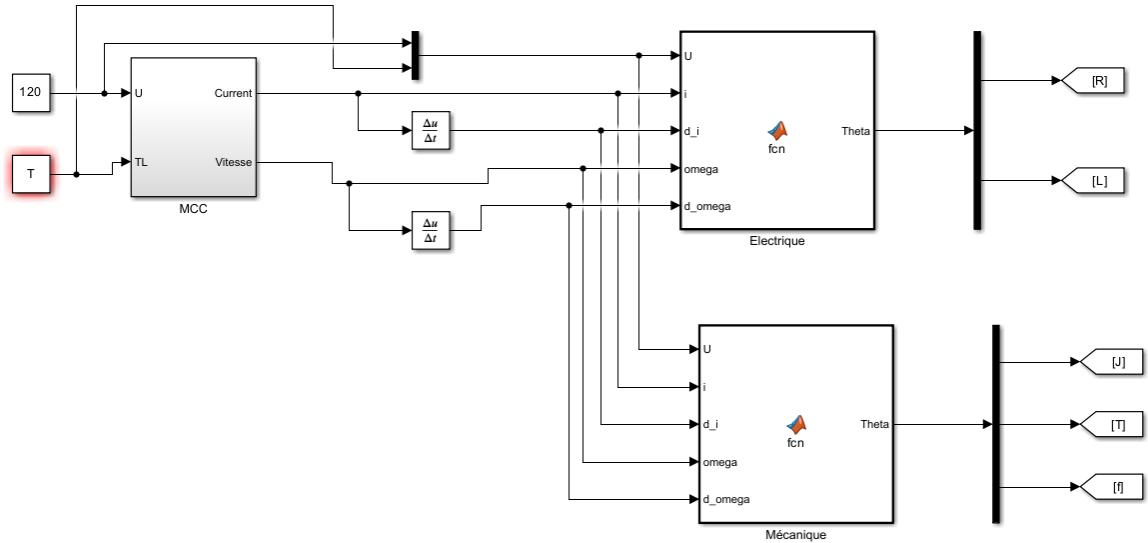
Avec :

$$F = \begin{bmatrix} 0.9925 & -0.036 \\ 0.002 & 0.99 \end{bmatrix}, G = \begin{bmatrix} 0.0144 & 1.50e-05 \\ 1.506e-05 & -0.0008 \end{bmatrix},$$

$$x(k) = \begin{bmatrix} i(k) \\ \omega(k) \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, T_e = 0.0001$$

Simulation

1- Réaliser le bloc de simulation suivant:



Avec :

Partie électrique

```

function Theta = fcn(U,i, d_i, omega, d_omega)
%#codegen
T_e=1e-4 ;
K=2.5 ;
Lamda=1 ;
F=[0.9925 -0.03609; 0.002075 0.9997] ;
G= [0.01444 1.506e-05; 1.506e-05 -0.0008332] ;
persistent X_k Theta_k P_k

if isempty(P_k)
Theta_k=[0;0];
P_k=diag([1 1]) ;
X_k=[6;41.665];
end

M=X_k ;
X_k=F*X_k+G*U;
d_X_k=(X_k-M)/T_e ;
X_T=[X_k(1,1) d_X_k(1,1)] ;
ye=U(1,1)-K*omega ;
Y=ye ;
L_k=(P_k*X_T)/(Lamda+X_T*P_k*X_T);
error_k= Y-X_T*Theta_k ;
Theta_k=Theta_k+L_k*error_k ;
P_k=P_k-((P_k*X_T)/(Lamda+X_T*P_k*X_T))*X_T*P_k;
Theta=Theta_k ;

```

Partie mécanique

```

function Theta = fcn(U,i, d_i, omega, d_omega)
%#codegen
T_e=1e-4 ;
K=2.5 ;
Lamda=2500 ;
F=[0.9925 -0.03609; 0.002075 0.9997] ;
G= [0.01444 1.506e-05; 1.506e-05 -0.0008332] ;

persistent X_k Theta_k P_k

if isempty(P_k)
    Theta_k=[1;1;1];
    P_k=diag([1 1 1]) ;
    X_k=[6;41.665];
end

M=X_k ;
X_k=F*X_k+G*U;
d_X_k=(X_k-M)/T_e ;
X_T=[X_k(2,1) 1 d_X_k(2,1)] ;
ym=K*i ;
Y=ym ;
L_k=(P_k*X_T')/(Lamda+X_T*P_k*X_T') ;
error_k= Y-X_T*Theta_k ;
Theta_k=Theta_k+L_k*error_k ;
P_k=P_k-((P_k*X_T')/(Lamda+X_T*P_k*X_T'))*X_T*P_k;
Theta=Theta_k ;

```

Calcule des résidus se fait en complétant le bloc de simulation précédent :

