

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

جامعة د. الطاهر مولاي - سعيدة

السنة الثانية LMD

كلية العلوم الاقتصادية و التجارية

و علوم التسيير

أستاذ المقياس: د. غوتي محمد

### سلسلة الأعمال الموجهة ( التوزيع الهندسي ) 04

#### المثال الأول:

احتمال إصابة هدف هو (0.4).

❖ ما احتمال إصابة هذا الهدف في المحاولة الرابعة.

❖ ما هو توقع المحاولات حتى إصابة الهدف الأول

الحل:

لدينا  $x = 4$   $p = 0.4$

❖ احتمال إصابة الهدف في المحاولة الرابعة معنى ذلك الفشل في المحاولات الثلاثة السابقة وعليه يكون الاحتمال:

$$P(x) = P (1-P)^{x-1} = (0.4)(0.6)^3 = 0.0864$$

❖ توقع المحاولات حتى إصابة الهدف الأول ، هو المتوسط

$$E(x) = \frac{1}{P} = \frac{1}{0.4} = 2,5$$

#### المثال الثاني:

إذا كان احتمال ولادة ذكر في أي ولادة تمر بها سيده هو 3/1 أوجد:

❖ التوزيع الاحتمالي لعدد مرات الوضع قبل أن ترزق هذه السيده بذكر.

❖ أوجد متوسط عدد مرات الوضع قبل أن ترزق بأول ذكر.

❖ ما احتمال أن تضع ذكر الأول مرة بعد ولادتين.

❖ ما احتمال أن تضع ذكر الأول مرة بعد ثلاث ولادات على الأكثر.

الحل:

احتمال ولادة ذكر  $p = 1/3$

X عدد مرات الوضع قبل أن ترزق بأول ذكر

❖ X تتبع توزيعا هندسيا بمعلمه  $P = 1/3$  ، وبذلك تكون دالته الاحتمالية هي:

$$P(x) = \left(\frac{1}{3}\right)\left(\frac{2}{3}\right)^{x-1}$$

$$X = 1, 2, 3, \dots$$

❖ متوسط عدد مرات الوضع قبل أن ترزق بأول ذكر هو  $\mu$  حيث:

$$\mu = \frac{1}{p} = \frac{1}{\left(\frac{1}{3}\right)} = 3$$

❖ احتمال أن تضع ذكر الأول مرة بعد ولادتين هو  $P(x=2)$  حيث:

$$p(x=2) = f(2) = \left(\frac{1}{3}\right)\left(\frac{2}{3}\right) = \frac{2}{9}$$

❖ احتمال أن تضع ذكرا لأول مرة بعد ثلاث ولادات على الأكثر هو

$$\begin{aligned} p(x \leq 3) &= P(x=1) + P(x=2) + P(x=3) \\ &= Pq^0 + Pq^1 + Pq^2 = \sum_1^3 Pq^x = 1 - q^3 = \frac{19}{27} = 0.7 \end{aligned}$$