

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

جامعة د.الطاهر مولاي - سعيدة

السنة الثانية LMD

كلية العلوم الاقتصادية و التجارية

و علوم التسيير

أستاذ المقياس: د.غوثي محمد

سلسلة الأعمال الموجهة (التوزيع الهندسي) 04

المثال الأول:

احتمال إصابة هدف هو (0.4).

❖ ما احتمال إصابة هذا الهدف في المحاولة الرابعة.

❖ ما هو توقع المحاولات حتى إصابة الهدف الأول

الحل:

$$p=0.4 \quad x=4 \quad \text{لدينا}$$

❖ احتمال إصابة الهدف في المحاولة الرابعة معنى ذلك الفشل في المحاولات الثلاثة السابقة و عليه

يكون الاحتمال:

$$P(x)=P(1-P)^{x-1}=(0.4)(0.6)^3=0.0864$$

❖ توقع المحاولات حتى إصابة الهدف الأول ، هو المتوسط

$$E(x)=\frac{1}{P}=\frac{1}{0.4}=2,5$$

المثال الثاني:

إذا كان احتمال ولادة ذكر في أي ولادة تمر بها سيده هو 1/3 أوجد:

❖ التوزيع الاحتمالي لعدد مرات الوضع قبل أن ترزق هذه السيدة بذكر.

❖ أوجد متوسط عدد مرات الوضع قبل أن ترزق بأول ذكر.

❖ ما احتمال أن تضع ذكر الأول مرة بعد ولادتين.

❖ ما احتمال أن تضع ذكر الأول مرة بعد ثلات ولادات على الأكثر.

الحل:

$$p=1/3$$

X عدد مرات الوضع قبل أن ترزق بأول ذكر

❖ X تتبع توزيعا هندسيا بمعلمه $P=1/3$ ، وبذلك تكون دالته الاحتمالية هي:

$$P(x) = \left(\frac{1}{3}\right)\left(\frac{2}{3}\right)^{x-1} \quad X = 1, 2, 3, \dots$$

❖ متوسط عدد مرات الوضع قبل أن ترث ذكر بـ أول ذكر هو μ حيث:

$$\mu = \frac{1}{p} = \frac{1}{\left(\frac{1}{3}\right)} = 3$$

❖ احتمال أن تضع ذكر الأول مرة بعد ولادتين هو $P(x=2)$ حيث:

$$p(x=2) = f(2) = \left(\frac{1}{3}\right)\left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{2}{9}$$

❖ احتمال أن تضع ذكر الأول مرة بعد ثلاثة ولادات على الأكثر هو

$$\begin{aligned} p(x \leq 3) &= P(x=1) + P(x=2) + P(x=3) \\ &= Pq^0 + Pq^1 + Pq^2 = \sum_1^3 Pq^X = 1 - q^3 = \frac{19}{27} = 0.7 \end{aligned}$$